

# Aplicaciones Industriales del Control Automático

## Controladores Predictivos

Aníbal Zanini

azanini@fi.uba.ar

Departamento de Electrónica

Facultad de Ingeniería de la Universidad de Buenos Aires

CIITI 2005

# Esquema de la presentación

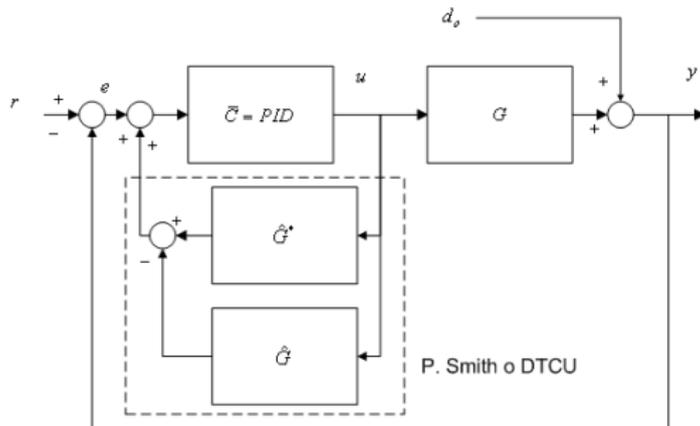
- 1 Introducción
- 2 Ejemplo
- 3 Generalización
- 4 Otros Ejemplos
- 5 Familia de Controladores
- 6 Conclusiones

# Esquema de la presentación

- 1 **Introducción**
- 2 Ejemplo
- 3 Generalización
- 4 Otros Ejemplos
- 5 Familia de Controladores
- 6 Conclusiones

# Introducción

## Primer Controlador Predictivo: Control con Predictor de Smith











# Predicción

Pero...

- La predicción está basada en un modelo (lo mismo pasa con el P. de Smith),
- Controladores basados en el Modelo (MPC) en forma explícita,
- Implica un conocimiento preciso de la dinámica.

# Predicción

Pero...

- La predicción está basada en un modelo (lo mismo pasa con el P. de Smith),
- Controladores basados en el Modelo (MPC) en forma explícita,
- Implica un conocimiento preciso de la dinámica.



# Predicción

Pero...

- La predicción está basada en un modelo (lo mismo pasa con el P. de Smith),
- Controladores basados en el Modelo (MPC) en forma explícita,
- Implica un conocimiento preciso de la dinámica.

## ¿Porqué predecir?

### ¿Porqué predecir?

- Las acciones de control tienen, en general, efecto sobre la salida en instantes futuros,
- Sistemas con retardo.

## ¿Porqué predecir?

### ¿Porqué predecir?

- Las acciones de control tienen, en general, efecto sobre la salida en instantes futuros,
- Sistemas con retardo.

# Esquema de la presentación

- 1 Introducción
- 2 Ejemplo**
- 3 Generalización
- 4 Otros Ejemplos
- 5 Familia de Controladores
- 6 Conclusiones

## Ejemplo Simple

- a) Planta sin Retardo
- $y_{k+1} = ay_k + bu_k$
- Ley de Control
- $u_k = \frac{1}{b} (r_{k+1} - ay_k)$
- Sigue existiendo la realimentación

# Ejemplo Simple

- a) Planta sin Retardo
- $y_{k+1} = ay_k + bu_k$
- Ley de Control
- $u_k = \frac{1}{b} (r_{k+1} - ay_k)$
- Sigue existiendo la realimentación

# Ejemplo Simple

- a) Planta sin Retardo
- $y_{k+1} = ay_k + bu_k$
- Ley de Control
- $u_k = \frac{1}{b} (r_{k+1} - ay_k)$
- Sigue existiendo la realimentación

## Ejemplo Simple

- a) Planta sin Retardo
- $y_{k+1} = ay_k + bu_k$
- Ley de Control
- $u_k = \frac{1}{b} (r_{k+1} - ay_k)$
- Sigue existiendo la realimentación

## Ejemplo Simple

- a) Planta sin Retardo
- $y_{k+1} = ay_k + bu_k$
- Ley de Control
- $u_k = \frac{1}{b} (r_{k+1} - ay_k)$
- Sigue existiendo la realimentación

## Otro Ejemplo Simple

- b) Misma Planta con retardo:
  - $y_{k+2} = ay_{k+1} + bu_k$
  - $y_{k+2} = a^2y_k + bu_k + abu_{k-1}$
  - Ley de Control
  - $u_k = \frac{1}{b} (r_{k+2} - a^2y_k - abu_{k-1})$

## Otro Ejemplo Simple

- b) Misma Planta con retardo:
- $y_{k+2} = ay_{k+1} + bu_k$
- $y_{k+2} = a^2y_k + bu_k + abu_{k-1}$
- Ley de Control
- $u_k = \frac{1}{b} (r_{k+2} - a^2y_k - abu_{k-1})$

## Otro Ejemplo Simple

- b) Misma Planta con retardo:
- $y_{k+2} = ay_{k+1} + bu_k$
- $y_{k+2} = a^2y_k + bu_k + abu_{k-1}$
- Ley de Control
- $u_k = \frac{1}{b} (r_{k+2} - a^2y_k - abu_{k-1})$

## Otro Ejemplo Simple

- b) Misma Planta con retardo:
- $y_{k+2} = ay_{k+1} + bu_k$
- $y_{k+2} = a^2y_k + bu_k + abu_{k-1}$
- Ley de Control
- $u_k = \frac{1}{b} (r_{k+2} - a^2y_k - abu_{k-1})$

## Otro Ejemplo Simple

- b) Misma Planta con retardo:
- $y_{k+2} = ay_{k+1} + bu_k$
- $y_{k+2} = a^2y_k + bu_k + abu_{k-1}$
- Ley de Control
- $u_k = \frac{1}{b} (r_{k+2} - a^2y_k - abu_{k-1})$



## Otras formas de ver el Problema

- Concepto de predicción de la salida siempre presente.
- Otra forma de interpretar este control:
- $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2$
- Resolviendo esta ecuación se llega a la misma conclusión anterior.
- Diseño más flexible:
- $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2 + \frac{\lambda}{2}u_k^2$
- Aquí comienza una familia de controladores basados en la predicción....

## Otras formas de ver el Problema

- Concepto de predicción de la salida siempre presente.
- Otra forma de interpretar este control:
  - $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2$
  - Resolviendo esta ecuación se llega a la misma conclusión anterior.
  - Diseño más flexible:
    - $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2 + \frac{\lambda}{2}u_k^2$
    - Aquí comienza una familia de controladores basados en la predicción....

## Otras formas de ver el Problema

- Concepto de predicción de la salida siempre presente.
- Otra forma de interpretar este control:
- $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2$
- Resolviendo esta ecuación se llega a la misma conclusión anterior.
- Diseño más flexible:
- $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2 + \frac{\lambda}{2}u_k^2$
- Aquí comienza una familia de controladores basados en la predicción....

## Otras formas de ver el Problema

- Concepto de predicción de la salida siempre presente.
- Otra forma de interpretar este control:
- $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2$
- Resolviendo esta ecuación se llega a la misma conclusión anterior.
- Diseño más flexible:
- $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2 + \frac{\lambda}{2}u_k^2$
- Aquí comienza una familia de controladores basados en la predicción....

## Otras formas de ver el Problema

- Concepto de predicción de la salida siempre presente.
- Otra forma de interpretar este control:
- $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2$
- Resolviendo esta ecuación se llega a la misma conclusión anterior.
- Diseño más flexible:
  - $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2 + \frac{\lambda}{2}u_k^2$
  - Aquí comienza una familia de controladores basados en la predicción....

## Otras formas de ver el Problema

- Concepto de predicción de la salida siempre presente.
- Otra forma de interpretar este control:
- $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2$
- Resolviendo esta ecuación se llega a la misma conclusión anterior.
- Diseño más flexible:
- $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2 + \frac{\lambda}{2}u_k^2$
- Aquí comienza una familia de controladores basados en la predicción....

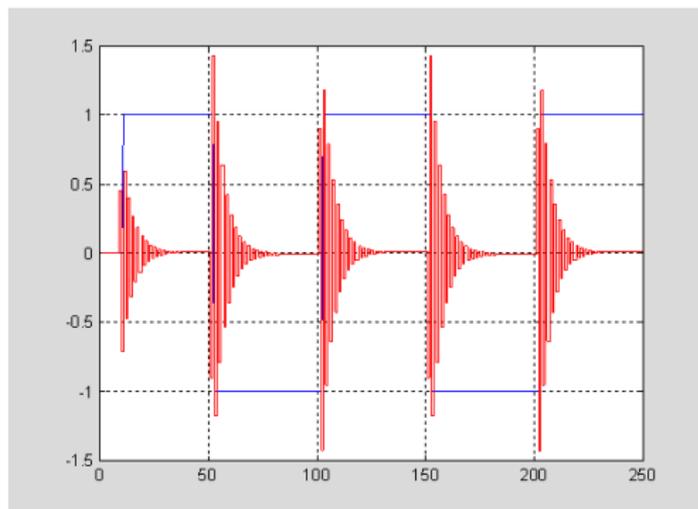
## Otras formas de ver el Problema

- Concepto de predicción de la salida siempre presente.
- Otra forma de interpretar este control:
- $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2$
- Resolviendo esta ecuación se llega a la misma conclusión anterior.
- Diseño más flexible:
- $J_{k+d} = \frac{1}{2}[y_{k+d} - r_{k+d}]^2 + \frac{\lambda}{2}u_k^2$
- Aquí comienza una familia de controladores basados en la predicción....

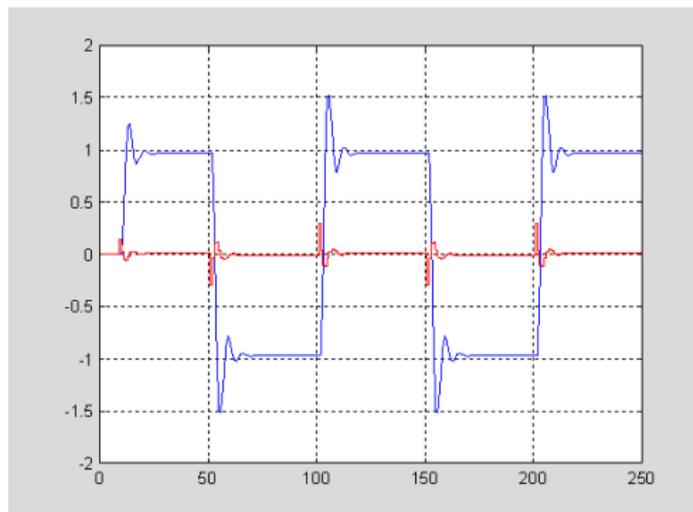
# Esquema de la presentación

- 1 Introducción
- 2 Ejemplo
- 3 Generalización
- 4 Otros Ejemplos**
- 5 Familia de Controladores
- 6 Conclusiones

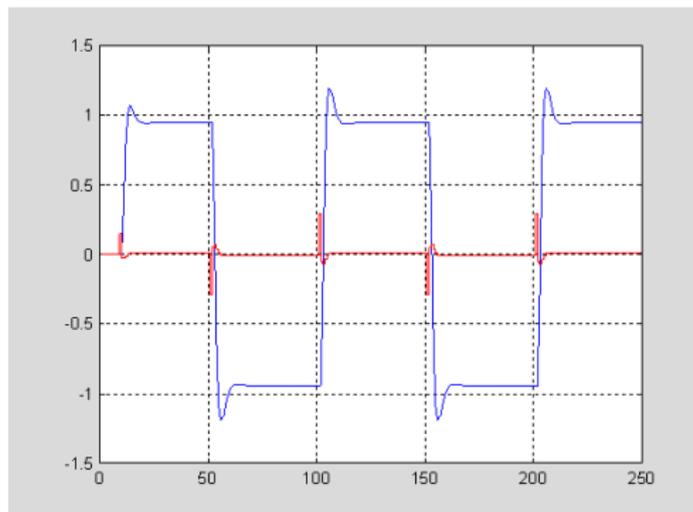
# Control Predictivo *Clásico*



# Control Predictivo Ponderado

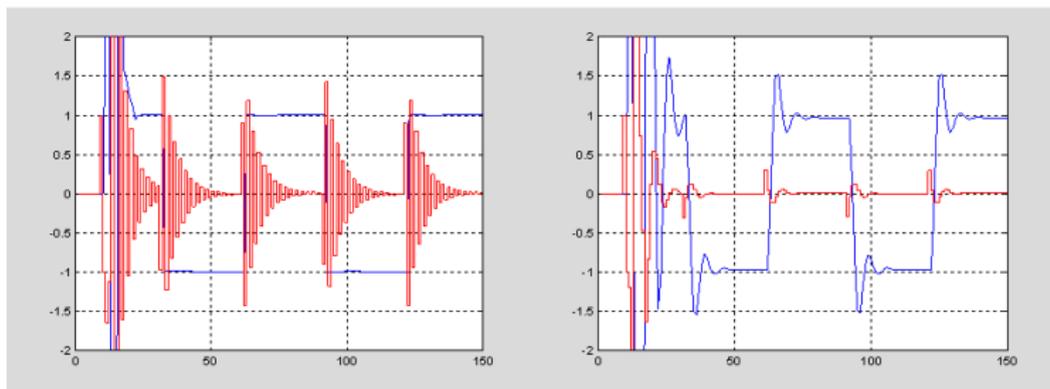


# Control Predictivo Ponderado con Polinomios

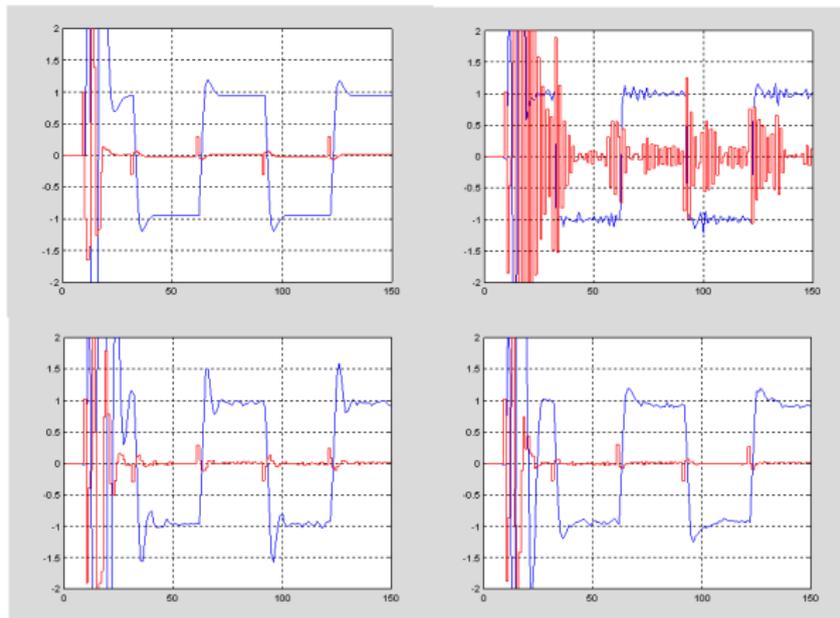


# Adaptación de los Controladores Predictivos

Los controladores predictivos tienen una estructura muy conveniente para hacerlos adaptables



# Plantas con Ruido



# Esquema de la presentación

- 1 Introducción
- 2 Ejemplo
- 3 Generalización
- 4 Otros Ejemplos
- 5 Familia de Controladores**
- 6 Conclusiones



## Ejemplos de integrantes de la Familia

- Dependiendo de cómo se defina el funcional:

- $$J = \sum_{h=N_1}^{N_2} [r_{k+h} - y_{k+h/k}]^2 + \lambda \sum_{j=1}^{N_u} [\Delta u_{k+j-1}]^2$$

- Lazo simple o multivariable
- Función de transferencia, Variables de estado, Matriz dinámica
- Dependiendo de cómo se defina el predictor: lineal, no lineal, difuso, neuronal
- Dependiendo de cómo se minimice el funcional, puede incluir restricciones

## Ejemplos de integrantes de la Familia

- Dependiendo de cómo se defina el funcional:

- $$J = \sum_{h=N_1}^{N_2} [r_{k+h} - y_{k+h/k}]^2 + \lambda \sum_{j=1}^{N_u} [\Delta u_{k+j-1}]^2$$

- Lazo simple o multivariable
- Función de transferencia, Variables de estado, Matriz dinámica
- Dependiendo de cómo se defina el predictor: lineal, no lineal, difuso, neuronal
- Dependiendo de cómo se minimice el funcional, puede incluir restricciones



## Ejemplos de integrantes de la Familia

- Dependiendo de cómo se defina el funcional:

- $$J = \sum_{h=N_1}^{N_2} [r_{k+h} - y_{k+h/k}]^2 + \lambda \sum_{j=1}^{N_u} [\Delta u_{k+j-1}]^2$$

- Lazo simple o multivariable
- Función de transferencia, Variables de estado, Matriz dinámica
- Dependiendo de cómo se defina el predictor: lineal, no lineal, difuso, neuronal
- Dependiendo de cómo se minimice el funcional, puede incluir restricciones

## Ejemplos de integrantes de la Familia

- Dependiendo de cómo se defina el funcional:

- $$J = \sum_{h=N_1}^{N_2} [r_{k+h} - y_{k+h/k}]^2 + \lambda \sum_{j=1}^{N_u} [\Delta u_{k+j-1}]^2$$

- Lazo simple o multivariable
- Función de transferencia, Variables de estado, Matriz dinámica
- Dependiendo de cómo se defina el predictor: lineal, no lineal, difuso, neuronal
- Dependiendo de cómo se minimice el funcional, puede incluir restricciones



# Conclusiones

- Controladores basados en el modelo de la planta  
Predicción y control
- La predicción no reemplaza a la realimentación
- En un mono lazo no superan a un PID
- Pero es muy fácil de extrapolar la idea a sistemas multivariables
- Muy utilizado en la industria

## Conclusiones

- Controladores basados en el modelo de la planta  
Predicción y control
- La predicción no reemplaza a la realimentación
- En un mono lazo no superan a un PID
- Pero es muy fácil de extrapolar la idea a sistemas multivariables
- Muy utilizado en la industria

# Conclusiones

- Controladores basados en el modelo de la planta  
Predicción y control
- La predicción no reemplaza a la realimentación
- En un mono lazo no superan a un PID
- Pero es muy fácil de extrapolar la idea a sistemas multivariables
- Muy utilizado en la industria

## Conclusiones

- Controladores basados en el modelo de la planta  
Predicción y control
- La predicción no reemplaza a la realimentación
- En un mono lazo no superan a un PID
- Pero es muy fácil de extrapolar la idea a sistemas multivariables
- Muy utilizado en la industria

## Conclusiones

- Controladores basados en el modelo de la planta  
Predicción y control
- La predicción no reemplaza a la realimentación
- En un mono lazo no superan a un PID
- Pero es muy fácil de extrapolar la idea a sistemas multivariantes
- Muy utilizado en la industria

# Referencias I

-  Goodwin, G. Sin: Adaptive Filtering, Prediction and Control, Prentice Hall - 1984.
-  E.F. Camacho, Model Predictive Control in the Process Industry, Springer, 1995.